

Tabelle met Z-transforms/Tables of Z-transforms

$F(s)$	$f(t); t \geq 0$	$f(kT)/f(k)$ $k = 0, 1, 2, \dots$	$F(z)$
1	Unit impulse $\delta(t)$	—	—
$\frac{1}{s}$	Unit step $\mu(t)$	—	—
$\frac{1}{s^2}$	t	kT	$\frac{Tz}{(z-1)^2}$
$\frac{2}{s^3}$	t^2	$(kT)^2$	$\frac{T^2 z(z+1)}{(z-1)^3}$
$\frac{1}{s+a}$	e^{-at}	e^{-akT}	$\frac{z}{z-e^{-aT}}$
$\frac{1}{(s+a)^2}$	$t e^{-at}$	$kT e^{-akT}$	$\frac{T e^{-aT} z}{(z-e^{-aT})^2}$
$\frac{a}{s(s+a)}$	$1-e^{-at}$	$1-e^{-akT}$	$\frac{(1-e^{-aT})z}{(z-1)(z-e^{-aT})}$
$\frac{b-a}{(s+a)(s+b)}$	$e^{-at} - e^{-bt}$	$e^{-akT} - e^{-bkT}$	$\frac{z}{z-e^{-aT}} - \frac{z}{z-e^{-bT}}$
$\frac{a^2}{s^2(s+a)}$	$at-1+e^{-at}$	$akT-1+e^{-akT}$	$\frac{aTz}{(z-1)^2} - \frac{(1-e^{-aT})z}{(z-1)(z-e^{-aT})}$
$\frac{a(s+b)}{s^2(s+a)}$	$\frac{a-b}{a} + bt$ $-\left(\frac{a-b}{a}\right)e^{-at}$	$\frac{a-b}{a} + bkT$ $-\left(\frac{a-b}{a}\right)e^{-akT}$	$\frac{bTz}{(z-1)^2}$ $+\frac{(a-b)(1-e^{-aT})z}{a(z-1)(z-e^{-aT})}$
$\frac{ab}{s(s+a)(s+b)}$	$1 + \frac{b}{a-b}e^{-at}$ $-\frac{a}{a-b}e^{-bt}$	$1 + \frac{b}{a-b}e^{-akT}$ $-\frac{a}{a-b}e^{-bkT}$	$\frac{z}{z-1} + \frac{bz}{(a-b)(z-e^{-aT})}$ $-\frac{az}{(a-b)(z-e^{-bT})}$
$\frac{a}{s^2+a^2}$	$\sin at$	$\sin akT$	$\frac{(\sin aT)z}{z^2 - (2 \cos aT)z + 1}$
$\frac{s}{s^2+a^2}$	$\cos at$	$\cos akT$	$\frac{z^2 - (\cos aT)z}{z^2 - (2 \cos aT)z + 1}$
$\frac{b}{(s+a)^2+b^2}$	$e^{-at} \sin bt$	$e^{-akT} \sin bkT$	$\frac{(e^{-aT} \sin bT)z}{z^2 - (2e^{-aT} \cos bT)z + e^{-2aT}}$
$\frac{s+a}{(s+a)^2+b^2}$	$e^{-at} \cos bt$	$e^{-akT} \cos bkT$	$\frac{z^2 - (e^{-aT} \cos bT)z}{z^2 - (2e^{-aT} \cos bT)z + e^{-2aT}}$
—	—	Unit sample $\delta(k)$	1

(contd)

$F(s)$	$f(t); t \geq 0$	$f(kT)/f(k)$ $k = 0, 1, 2, \dots$	$F(z)$
—	—	Unit step $\mu(k)$	$\frac{z}{z-1}$
—	—	a^k	$\frac{z}{z-a}$
—	—	k	$\frac{z}{(z-1)^2}$
—	—	k^2	$\frac{z(z+1)}{(z-1)^3}$
—	—	$k a^k$	$\frac{az}{(z-a)^2}$
—	—	$a^k \sin \Omega k$	$\frac{(a \sin \Omega)z}{z^2 - (2a \cos \Omega)z + a^2}$
—	—	$a^k \cos \Omega k$	$\frac{z^2 - (a \cos \Omega)z}{z^2 - (2a \cos \Omega)z + a^2}$

Laplace transform

$$F(s)e^{-\Delta Ts}; 0 \leq \Delta < 1$$

z-transform

$$\mathcal{Z}[F(s)e^{-\Delta Ts}]; m = 1 - \Delta$$

$$\frac{e^{-\Delta Ts}}{s}$$

$$\frac{1}{z-1}$$

$$\frac{e^{-\Delta Ts}}{s^2}$$

$$\frac{mT}{z-1} + \frac{T}{(z-1)^2}$$

$$\frac{2e^{-\Delta Ts}}{s^3}$$

$$T^2 \left[\frac{m^2 z^2 + (2m - 2m^2 + 1)z + (m-1)^2}{(z-1)^3} \right]$$

$$\frac{e^{-\Delta Ts}}{s+a}$$

$$\frac{e^{-amT}}{z-e^{-aT}}$$

$$\frac{e^{-\Delta Ts}}{(s+a)(s+b)}$$

$$\frac{1}{(b-a)} \left[\frac{e^{-amT}}{z-e^{-aT}} - \frac{e^{-bmT}}{z-e^{-bT}} \right]$$

$$\frac{ae^{-\Delta Ts}}{s(s+a)}$$

$$\frac{(1-e^{-amT})z + (e^{-amT} - e^{-aT})}{(z-1)(z-e^{-aT})}$$

$$\frac{ae^{-\Delta Ts}}{s^2(s+a)}$$

$$\frac{T}{(z-1)^2} + \frac{amT-1}{a(z-1)} + \frac{e^{-amT}}{a(z-e^{-aT})}$$